

Definicja 1. Permutacja to bijekcja ze zbioru $\{1, 2, \dots, n\}$ na samego siebie. $n!$ (n silnia) oznacza liczbę wszystkich możliwych permutacji zbioru $\{1, 2, \dots, n\}$.

$$n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot n \text{ dla } n \in \mathbb{N} \text{ oraz } 0! = 1.$$

Definicja 2. k -wyrazowa wariacja bez powtórzeń zbioru $\{1, 2, \dots, n\}$ to przypisanie elementom z tego zbioru różnych elementów ze zbioru $\{1, 2, \dots, k\}$. Liczba wszystkich takich możliwych wariacji z powtórzeniami to $\frac{n!}{(n-k)!}$.

Definicja 3. k -wyrazowa wariacja z powtórzeniami zbioru $\{1, 2, \dots, n\}$ to przypisanie elementom z tego zbioru pewnych elementów ze zbioru $\{1, 2, \dots, k\}$. Liczba wszystkich takich możliwych wariacji z powtórzeniami to k^n .

Definicja 4. k -elementowa kombinacja zbioru $\{1, 2, \dots, n\}$ to k -elementowy podzbiór tego zbioru. $\binom{n}{k}$ oznacza liczbę wszystkich takich możliwych kombinacji.

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!} \text{ dla } n \geq k \geq 0 \text{ oraz } \binom{n}{k} = 0 \text{ w przeciwnym przypadku.}$$

Definicja 5. Permutacja z powtórzeniami to bijekcja ze zbioru $\{1, 2, \dots, n\}$ w n -elementowy multizbiór. Jeśli zbiór elementów tego multizbioru oznaczymy jako $\{1, 2, \dots, s\}$, a jako n_i oznaczymy liczbę wystąpień i w tym multizbiorze, to liczba wszystkich takich możliwych permutacji wyniesie $\frac{n!}{n_1!n_2!\dots n_s!}$.

Zasada szufladkowa Dirichleta. Jeśli zbiór $nk + 1$ różnych elementów podzielimy na n parami rozłącznych podzbiorów, to co najmniej jeden z nich będzie miał co najmniej $k + 1$ elementów.

Wzór dwumianowy. Dla $n \in \mathbb{N}$:

$$(a + b)^n = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} a^k b^{n-k}.$$

Zasada włączeń i wyłączeń. Dla zbiorów S_1, S_2, \dots, S_n :

$$|S_1 \cup S_2 \cup \dots \cup S_n| = \sum_{k=1}^n \sum_{1 \leq i_1 < \dots < i_k \leq n} (-1)^k |S_{i_1} \cap S_{i_2} \cap \dots \cap S_{i_k}|.$$